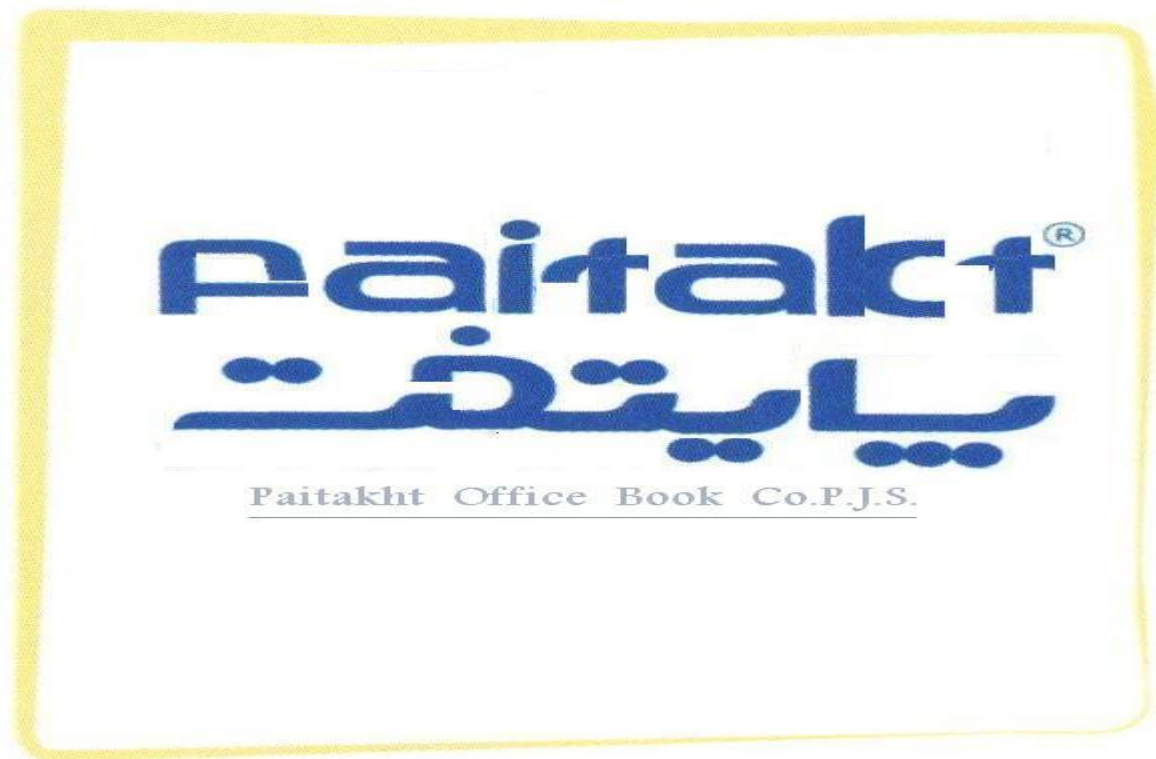


سلام

شما دوستان عزیز میتونین قسمتی از این کتاب رو بصورت اختصاصی از وبسایت
[بانک کتاب پایتخت](#) بصورت کاملاً رایگان دانلود کنید



حتماً به سایت ما سر بزنید

<http://www.paytakhteketab.com>

فهرست

۵



مجموعه، الگو و دنباله

۳۷



مثلثات

۵۹



توان‌های گویا و عبارت‌های جبری

۷۹



معادلات و نامعادلات

۱۰۶

آزمون نیمسال اول

۱۰۹



تابع

۱۳۷



ترکیبیات

۱۵۵



آمار و احتمال

۱۷۴

آزمون جامع



فصل اول

مجموعه، الگو و دنباله



آنچه در این فصل خواهید دید:

- ۱ مجموعه اعداد
- ۲ بازه‌ها
- ۳ مجموعه‌های متناهی و نامتناهی
- ۴ مجموعه مرجع و متمم یک مجموعه
- ۵ تعداد اعضای اجتماع دو مجموعه
- ۶ الگوهای خطی و غیرخطی
- ۷ تعریف دنباله
- ۸ دنباله‌های حسابی و هندسی



مجموعه‌هایی مانند A که تعداد اعضای آن‌ها یک عدد حسابی باشد را مجموعه‌های می‌نامیم و مجموعه‌هایی مانند B را که نمی‌توان تعداد اعضای آن را با یک عدد حسابی بیان نمود، مجموعه‌های می‌نامیم.

تذکره: تعداد اعضای برخی از مجموعه‌های متناهی ممکن است بسیار زیاد باشد، با این حال با داشتن امکانات لازم و صرف وقت کافی ممکن است بتوان تعداد آن‌ها را به‌دست آورد.

۱۶ مجموعه‌هایی که نامتناهی هستند را با علامت ∞ مشخص کنید.

☐
☐
☐
☐

- الف مجموعه دانش‌آموزان تمام مدارس شهر تهران
 ب مجموعه مولکول‌های موجود در یک مول مشخص از آب
 پ مجموعه تمام دایره‌هایی که مرکز آن‌ها مبدأ مختصات است.
 ت مجموعه سلول‌های عصبی مغز یک طوطی

۱۷ مجموعه‌هایی که متناهی هستند را با علامت ∞ مشخص کنید.

☐
☐
☐
☐
☐
☐

- الف \mathbb{Z}
 ب $\mathbb{Z} - \mathbb{W}$
 ت $\mathbb{W} - \mathbb{N}$
 ج $\{x \in \mathbb{R} \mid 0 \leq x \leq 1\}$
 ح مجموعه اعداد اعشاری بین $-1, \sqrt{5}$
 د $\{x \in \mathbb{W} \mid x < 6 / 0.2 \times 10^{22}\}$
 ر مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۲۰

☐
☐
☐
☐
☐
☐

- الف \mathbb{Z}
 ب $\mathbb{Z} - \mathbb{Q}$
 ت مجموعه اعداد اول زوج
 ج $\{x \in \mathbb{Z} \mid 0 \leq x \leq 1\}$
 خ مجموعه اعداد صحیح ۵۰ رقمی
 د مجموعه مقسوم‌علیه‌های مثبت عدد ۸۴
 ز مجموعه کسرها مثبت با صورت یک

۱۸ بازه $(-1, 6)$ را در نظر بگیرید.

| الف | سه عدد گویا در این بازه نام ببرید. | سه عدد گنگ در این بازه نام ببرید. |
|-----|---|--|
| ب | به نظر شما چه تعداد عدد گویا در این بازه وجود دارد؟ | چه تعداد عدد گنگ در این بازه وجود دارد؟ |
| پ | مجموعه اعداد گویا در این بازه متناهی است یا نامتناهی؟ | مجموعه اعداد گنگ در این بازه متناهی است یا نامتناهی؟ |
| ت | مجموعه اعداد گویا متناهی است یا نامتناهی؟ | مجموعه اعداد گنگ متناهی است یا نامتناهی؟ |

۱۹ فرض کنید A مجموعه تمام مضرب‌های طبیعی عدد ۳ باشد.

الف A را با نمایش اعضای آن بنویسید.

ب A متناهی است یا نامتناهی؟



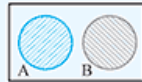
ب جاهای خالی را پر کنید.

| $n(A)$ | $n(B)$ | $n(A \cap B)$ | $n(A \cup B)$ |
|--------|--------|---------------|---------------|
| | | | |

پ تعداد اعضای مجموعه $A \cup B$ ، چه رابطه‌ای با تعداد اعضای مجموعه‌های A و B دارد؟ این رابطه را به صورت یک فرمول بنویسید.

ت به نظر شما فرمول فوق تحت چه شرایطی برای دو مجموعه دلخواه A و B برقرار است؟

به هر دو مجموعه دلخواه A و B که فاقد عضو مشترک هستند، دو مجموعه جدا از هم یا مجزا می‌گویند.



ث ابتدا مجموعه‌های $A - B$ و $B - A$ را به دست آورده و سپس تعداد اعضای آن‌ها را بنویسید.

$$A - B = \dots \Rightarrow n(A - B) = \dots \quad B - A = \dots \Rightarrow n(B - A) = \dots$$

ج با توجه به قسمت‌های (ب) و (ث) بگویید آیا برای دو مجموعه جدا از هم A و B می‌توان فرمول زیر را نتیجه گرفت؟

$$n(A \cup B) = n(A - B) + n(B - A)$$

۳۵ اگر A و B دو مجموعه جدا از هم باشند و $n(A) = 6$ و $n(A \cup B) = 20$ باشد، آن‌گاه $n(B - A)$ کدام است؟

۳۶ اگر $n(U) = 40$ و دو مجموعه A و B جدا از هم باشند و داشته باشیم $n(A') + n(B') = 45$ ، مقدار $n(A \cup B)$ را به دست آورید.

۳۷ فرض کنید A و B دو مجموعه مجزا باشند، در این صورت:

الف اگر $n(A \cup B) = 60$ ، $n(A) = 3n(B)$ باشد، آن‌گاه $n(A)$ و $n(B)$ را به دست آورید.

ب اگر $n(A) = 8$ ، $n(A \cup B) = 2n(B) = 4n(A)$ باشد، آن‌گاه $n(A)$ و $n(B)$ را بیابید.

۳۸ اگر $n(A \cup B) = 10$ ، $n(A) = 3$ و $n(B) = 9$ باشد، آیا A و B دو مجموعه مجزا هستند؟ چرا؟

۳۹ اگر A و B دو مجموعه مجزا باشند، عبارات درست را با علامت ✓ و عبارات نادرست را با علامت ✗ مشخص کنید.

- الف $n(A \cap B) = 0$ ☐
- ب $n(A) + n(B) = n(A \cap B)$ ☐
- پ $n(A - B) = n(A)$ ☐
- ت $n(A' \cup B) = n(A')$ ☐



۴۷ در یک کلاس ۳۰ نفری، تعداد ۱۰ نفر عضو تیم والیبال و ۱۵ نفر عضو تیم فوتبال هستند. هم‌چنین ۵ نفر عضو هر دو تیم فوتبال و والیبال هستند. حال به سؤالات زیر پاسخ دهید (برای فهم بهتر از نمودار ون کمک بگیرید).

(راهنمای در نمودار ون ابتدا مقدار قسمت $A \cap B$ را تعیین کنید.)

الف چند نفر عضو تیم والیبال نیستند؟

ب چند نفر فقط عضو تیم والیبال‌اند؟

پ چند نفر فقط عضو تیم فوتبال‌اند؟

ت چند نفر دست کم عضو یکی از دو تیم فوتبال یا والیبال هستند؟ (عضو تیم فوتبال یا والیبال)

ث چند نفر دقیقاً عضو یکی از دو تیم فوتبال و والیبال هستند؟

ج چند نفر عضو هیچ‌کدام از دو تیم نیستند؟

چ چند نفر حداکثر عضو یکی از دو تیم فوتبال و والیبال هستند؟ (راهنمای باید نفراتی را حساب کنید که عضو هیچ دو تیمی نیستند یا فقط عضو یک تیم هستند.)

ح چند نفر فقط عضو تیم والیبال‌اند یا عضو هیچ‌کدام از دو تیم نیستند؟

۴۸ از یک کلاس ۲۳ نفری، تعداد ۱۵ نفر عضو تیم شطرنج و ۱۳ نفر عضو تیم شنا می‌باشند. با فرض آن‌که هر دانش‌آموز حداقل در یک تیم عضو باشد:

الف چند نفر، عضو هر دو تیم شطرنج و شنا هستند؟

ب چند نفر، عضو تیم شطرنج‌اند ولی عضو تیم شنا نیستند؟

پ چند نفر فقط عضو تیم شنا یا فقط عضو تیم شطرنج هستند؟

۴۹ تعداد مسافریں در یک هتل ۷۲ نفر است که ۲۳ نفر آن‌ها تاجر و ۱۲ نفر برای اولین بار سفر کرده‌اند. اگر ۴۵ نفر از مسافریں نه تاجر باشند و نه برای اولین بار سفر کرده باشند، آن‌گاه:

الف چند نفر تاجر نیستند؟

ب چند نفر تاجر هستند یا برای اولین بار سفر کرده‌اند؟





پ یک زیرمجموعه متناهی و یک زیرمجموعه نامتناهی از A بنویسید.

ت یک مجموعه‌ای بنویسید که A زیرمجموعه آن باشد.

ث دو زیرمجموعه نامتناهی مانند C و D از A بنویسید به طوری که $C \subseteq D$ باشد.

۲۰ در هر قسمت دو مجموعه نامتناهی (در صورت وجود) مانند A و B طوری مثال بزنید که:

الف $A \cap B$ متناهی باشد.

ب $A \cap B = \emptyset$ باشد.

پ $A \cap B$ نامتناهی باشد.

ت $A \cup B$ نامتناهی باشد.

ث $A \cup B$ متناهی باشد.

ج $A \subseteq B$ بوده و $B - A$ تک‌عضوی باشد.

۲۱ جاهای خالی را با کلمات «متناهی» و «نامتناهی» پر کنید.

الف اگر مجموعه‌های A و B متناهی باشند، آن‌گاه $A \cup B$ مجموعه‌ای و $A \cap B$ مجموعه‌ای است.

ب اگر A متناهی و B نامتناهی باشد، آن‌گاه $A \cup B$ مجموعه‌ای و $A \cap B$ مجموعه‌ای است.

پ اگر A و B نامتناهی باشند، آن‌گاه $A \cup B$ مجموعه‌ای و $A \cap B$ می‌تواند یا باشد.

ت اگر $A \cap B$ متناهی باشد، آن‌گاه A و B و $A \cup B$ می‌توانند یا باشند.

ث اگر $A \cap B$ نامتناهی باشد، آن‌گاه A و B و $A \cup B$ است.

ج اگر $A \cup B$ متناهی باشد، آن‌گاه A و B و $A \cap B$ است.

چ اگر $A \cup B$ نامتناهی باشد، آن‌گاه حداقل یکی از مجموعه‌های A یا B و $A \cap B$ می‌تواند یا باشد.

۲۲ فرض کنید $A \subseteq B$ باشد، عبارات درست را با علامت ✓ و عبارات نادرست را با علامت ✗ مشخص کنید.

- ☐ الف اگر A متناهی باشد، B متناهی است.
- ☐ ب اگر A نامتناهی باشد، B نامتناهی است.
- ☐ پ اگر B متناهی باشد، A متناهی است.
- ☐ ت اگر B نامتناهی باشد، A نامتناهی است.





۲ در قسمت‌های زیر، مجموعه‌های داده‌شده را در صورت امکان روی نمودار ون مشخص کنید و یک عضو دلخواه (در صورت وجود) از آن‌ها را بنویسید.

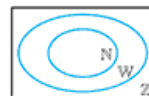
ب مجموعه اعداد صحیح غیرحسابی



ت مجموعه $Z - Q$



الف مجموعه $W - N$



پ مجموعه $Q - Z$



۳ الف مجموعه $R - Q$ چه نام دارد؟ آن را روی نمودار مقابل هاشور بزنید.

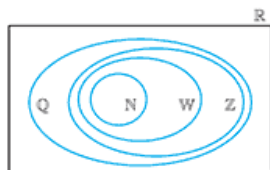
ب دو عضو دلخواه از مجموعه $R - Q$ را بنویسید.

پ با توجه به نمودار فوق، جاهای خالی زیر را پر کنید.

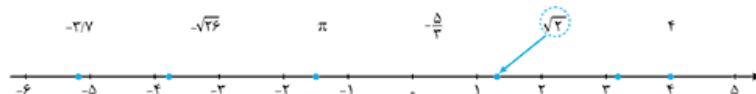
$$Q \cap (R - Q) = \dots\dots\dots$$

$$Q \cup (R - Q) = \dots\dots\dots$$

۴ اعداد 4 ، $\sqrt{5}$ ، 1 ، $-\frac{4}{3}$ و 0 را بر روی شکل و در محل مناسب بنویسید.



۵ با توجه به نقاط مشخص شده روی محور، جای هر کدام از اعداد زیر را به کمک فلش مشخص کنید (مانند نمونه). کدام یک از این شش عدد، گنگ هستند؟ زیر آن‌ها خط بکشید.



۶ عبارات درست را با علامت ✓ و عبارات نادرست را با علامت ✗ مشخص کنید.

الف $-\sqrt{24} \in Q$ ☐

ب $-\frac{7}{1} \notin Z$ ☐

پ $-5 \in Z$ ☐

ت $\sqrt{25} \in Q'$ ☐

ث $N \cap W = N$ ☐

ج $N - W = \emptyset$ ☐

چ $N \cap Q' = N$ ☐

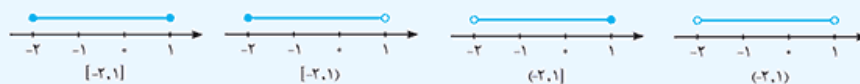
ح $Z \cup Q = Q$ ☐

خ $Q \cap [(Z - N) \cap W] = \{0\}$ ☐



بازه‌ها

زیرمجموعه‌هایی از \mathbb{R} که شامل تمام اعداد حقیقی بین دو عدد مشخص باشند را بازه یا فاصله می‌گوییم. مانند بازه بسته $[-2, 1]$ یا بازه باز $(-2, 1)$ یا بازه نیم‌باز $[-2, 1)$ یا $(-2, 1]$. به نمایش هندسی آن‌ها دقت کنید:



۷ جدول زیر را کامل کنید.

| نمایش هندسی | نمایش مجموعه‌ای | نوع بازه | بازه |
|-------------|---|----------|----------------------|
| | $\{x \in \mathbb{R} -2 < x < 1\}$ | باز | $(-2, 1)$ |
| | | بسته | $[-1, 3]$ |
| | $\{x \in \mathbb{R} -4 \leq x < -1\}$ | نیم‌باز | |
| | | نیم‌باز | |
| | | | $(-2, 1) \cup \{1\}$ |

۸ عبارات درست را با علامت ✓ و عبارات نادرست را با علامت ✗ مشخص کنید.

- | | | | | | |
|-------------------------------|--------------------------|--------------------------------------|--------------------------|---|--------------------------|
| الف $1 \in [\frac{4}{5}, 3)$ | <input type="checkbox"/> | ب $2 \in (2, 3]$ | <input type="checkbox"/> | پ $2 \in \{2, 3\}$ | <input type="checkbox"/> |
| ت $\frac{5}{2} \in \{2, 3\}$ | <input type="checkbox"/> | ث $[1, 4) = (1, 4]$ | <input type="checkbox"/> | ج $(-2, 3] \subseteq [-2, 3)$ | <input type="checkbox"/> |
| ج $(-2, 3) \subseteq [-2, 3]$ | <input type="checkbox"/> | ح $[-2, 3] \subseteq (-2, 3)$ | <input type="checkbox"/> | خ $\{4, 3\} \subseteq [0, 5]$ | <input type="checkbox"/> |
| د $[0, 5] \subseteq \{0, 5\}$ | <input type="checkbox"/> | ذ $\sqrt{5} \in (-1, 4) \cap [2, 5)$ | <input type="checkbox"/> | ر $(-1, 0) \cap (2, 8) \subseteq \{-1, 1\}$ | <input type="checkbox"/> |

۹ مجموعه‌های $A = \{x \in \mathbb{R} | 1 < x < 4\}$ ، $B = [0, 2]$ و $C = \{x \in \mathbb{R} | -2 < x < 6\}$ مفروضه‌اند، مجموعه‌های زیر را مطابق نمونه به‌دست آورده و مشخص کنید کدام یک از آن‌ها بیانگر یک بازه هستند؟

الف $A \cap B = (1, 2]$

ب $A \cup C =$





پ $B - A =$



ت $(A \cup C) - B =$



ث $(C - A) \cup B =$



ج $(B - A) \cup (C - A) =$



برای نوشتن مجموعه‌هایی مانند $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 2\}$ یا $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 2\}$ به شکل یک بازه، به‌ترتیب از نمادهای $+\infty$ (مثبت بی‌نهایت) و $-\infty$ (منفی بی‌نهایت) استفاده می‌کنیم و آن‌ها را در قالب بازه به‌ترتیب با نماد $A = (2, +\infty)$ و $B = (-\infty, 2)$ نمایش می‌دهیم که یک بازه باز محسوب می‌شوند.

تذکره: $+\infty$ و $-\infty$ اعداد حقیقی نیستند.

۱۰ جدول زیر را کامل کنید.

| نمایش هندسی | نمایش مجموعه‌ای | نوع بازه | بازه |
|-------------|--------------------------------------|----------|------------------------|
| | | نیم باز | $[2, +\infty)$ |
| | $\{x \in \mathbb{R} \mid x \leq 2\}$ | | |
| | | | |
| | | | $(-\infty, 2] - \{2\}$ |

۱۱ هر یک از اعداد ستون سمت چپ عضو یکی از مجموعه‌های سمت راست است. هر عدد را به مجموعه نظیر آن وصل کنید.

| | |
|----------------------|------------------------------------|
| 2π | $(-3, 6) - (-2, 1)$ |
| $\frac{\sqrt{5}}{2}$ | $[\frac{2\pi}{3}, \frac{7\pi}{3})$ |
| $-\frac{13}{4}$ | $(1, +\infty)$ |
| $5/0.2 \times 10^5$ | $(-\frac{1}{6}, \frac{2}{4})$ |
| $\frac{3}{5}$ | $(-4, -2)$ |

۱۲ مجموعه‌های زیر را روی محور نشان داده و سپس آن‌ها را به‌صورت اجتماع بازه‌ها بنویسید.

| مجموعه‌ها | نمایش روی محور | نمایش به‌صورت اجتماع بازه‌ها |
|-------------------------|----------------|------------------------------|
| $\mathbb{R} - \{1\}$ | | $(-\infty, 1) \cup$ |
| $\mathbb{R} - \{1, 2\}$ | | |





۳۲ فرض کنید $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ مجموعه مرجع باشد و $A = \{4, 5, 6\}$ و $B = \{1, 3, 5\}$. جاهای خالی را پر کرده و نتایج حاصل در هر قسمت را به عنوان فرمول به خاطر بسپارید.

الف

| A' | $(A')'$ | A |
|------|---------|-----|
| | | |

$\Rightarrow (A')' = \dots\dots\dots$

ب

| A' | B' | $A \cup B$ | $(A \cup B)'$ | $A' \cap B'$ |
|------|------|------------|---------------|--------------|
| | | | | |

$\Rightarrow (A \cup B)' = \dots\dots\dots$

پ

| A' | B' | $A \cap B$ | $(A \cap B)'$ | $A' \cup B'$ |
|------|------|------------|---------------|--------------|
| | | | | |

$\Rightarrow (A \cap B)' = \dots\dots\dots$

ت

| $A - B$ | $A \cap B'$ |
|---------|-------------|
| | |

$\Rightarrow A - B = \dots\dots\dots$

ث به نظر شما مجموعه $A - B$ با چه مجموعه‌ای برابر است؟

تعداد اعضای متمم یک مجموعه

۳۳ در سال گذشته دیدیم که اگر A یک مجموعه متناهی باشد، $n(A)$ تعداد اعضای آن مجموعه است. حال فرض کنید، مجموعه مرجع برابر $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ و $A = \{1, 2\}$ باشد، با پیدا کردن مجموعه A' جدول زیر را پر کنید.

| A' | $n(A)$ | $n(U)$ | $n(A')$ |
|------|--------|--------|---------|
| | | | |

تعداد اعضای مجموعه مرجع چه رابطه‌ای با $n(A)$ و $n(A')$ دارد؟

تعداد اعضای متمم یک مجموعه متناهی را می‌توان از فرمول $\dots\dots\dots$ یافت.

تعداد اعضای اجتماع دو مجموعه $(n(A \cup B))$

۳۴ دو مجموعه $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ و $B = \{2, 4, 6, 8\}$ را در نظر بگیرید و به سؤالات زیر پاسخ دهید.
الف مجموعه‌های $A \cap B$ و $A \cup B$ را به دست آورید.





۴۰ اگر مجموعه‌های A و B ، به ترتیب مجموعه مقسوم‌علیه‌های طبیعی دو عدد ۲۴ و ۱۸ باشند، به سؤالات زیر پاسخ دهید.

الف مجموعه‌های A ، B ، $A \cap B$ و $A \cup B$ را با نوشتن اعضایشان مشخص کنید.

$A =$

$B =$

$A \cap B =$

$A \cup B =$

ب جاهای خالی را پر کنید.

| $n(A)$ | $n(B)$ | $n(A \cap B)$ | $n(A \cup B)$ |
|--------|--------|---------------|---------------|
| | | | |

پ چرا رابطه $n(A \cup B) = n(A) + n(B)$ در این سؤال برقرار نمی‌باشد؟

ت از $n(A) + n(B)$ باید چه عددی را کم کنیم تا به $n(A \cup B)$ برسیم؟ این عدد در جدول، تعداد اعضای کدام مجموعه است؟

ث با توجه به قسمت (ت) فرمولی برای $n(A \cup B)$ حدس بزنید.

$$n(A \cup B) = \dots + \dots - \dots$$

ج از نظر مفهومی و به کمک نمودار ون بیان کنید چرا باید $n(A \cap B)$ را از $n(A) + n(B)$ کم کنیم تا $n(A \cup B)$ به‌دست آید؟

ح با توجه به مجموعه‌های A و B جدول زیر را پر کنید.

| B | $A \cap B$ | $B - A$ |
|--------|---------------|------------|
| | | |
| $n(B)$ | $n(A \cap B)$ | $n(B - A)$ |
| | | |

ح با توجه به جدول فوق آیا رابطه زیر درست است؟ برای درک بهتر آن از نمودار ون کمک بگیرید.

$$n(B - A) = n(B) - n(A \cap B)$$

$$n(B - A) = n(B) - \dots, \quad n(A - B) = \dots - \dots$$



۲۷ جاهای خالی را پر کنید.

| مجموعه مرجع | مجموعه A | مجموعه A' |
|---------------------|------------------|----------------------------|
| N | مجموعه اعداد زوج | |
| Z | | مجموعه اعداد صحیح منفی |
| | Q | Q' |
| W | ∅ | |
| W | N | |
| N | {x x>۴} | |
| تمام استان های کشور | | مجموعه استان های غیر ساحلی |

۲۸ N را به عنوان مجموعه مرجع در نظر بگیرید و به سؤالات زیر پاسخ دهید.

الف مجموعه ای نامتناهی مانند A مثال بزنید که A' هم نامتناهی باشد.

ب مجموعه ای نامتناهی مانند B مثال بزنید که B' متناهی باشد.

پ مجموعه ای متناهی مانند C مثال بزنید و C' را بیابید. C' متناهی است یا نامتناهی؟

۲۹ اگر $A \subseteq B$ و A مجموعه ای نامتناهی باشد، آن گاه کدام مجموعه، حتماً نامتناهی است؟

$A \cap B$ ☐

B' ☐

۳۰ اگر C و D زیرمجموعه هایی از اعداد طبیعی و D نامتناهی و C متناهی باشند، کدام مجموعه حتماً متناهی است؟

$C \cup D'$ ☐

$C \cap D'$ ☐

۳۱ فرض کنید \mathbb{Z} ، مجموعه مرجع باشد؛

الف دو مجموعه دلخواه متناهی مانند A و B بنویسید، به طوری که $A \subseteq B$ باشد.

ب مجموعه های A' و B' را مشخص کنید. به نظر شما $A' \subseteq B'$ است یا $B' \subseteq A'$ ؟

اگر $A \subseteq B$ باشد، آن گاه

پ اگر $A \subseteq B$ باشد، با توجه به نتیجه حاصل یا به کمک نمودار ون، جاهای خالی زیر را پر کنید.

۱ $A' \cap B' =$

۲ $A' \cup B' =$



درس اول: مجموعه‌های متناهی و نامتناهی

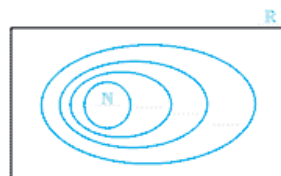
مجموعه‌های اعداد

| نمایش مجموعه | نماد | توضیح | مجموعه‌ی اعداد |
|--|---------------|--|----------------|
| $N = \{1, 2, 3, \dots\}$ | N | کلیه‌ی عددهایی که برای شمارش به کار می‌روند، مجموعه‌ی اعداد طبیعی را تشکیل می‌دهند. | ۱ طبیعی |
| $W = \{0, 1, 2, \dots\}$ | W | اگر به مجموعه‌ی اعداد طبیعی، عضو صفر هم اضافه شود، مجموعه‌ی اعداد حسابی به دست می‌آید. | ۲ حسابی |
| $Z = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$ | Z | حالا اگر به مجموعه‌ی اعداد حسابی، عضو قرینه‌ی هر عدد هم اضافه شود، مجموعه‌ی اعداد صحیح حاصل می‌شود. | ۳ صحیح |
| $Q = \{\frac{a}{b} a, b \in Z, b \neq 0\}$ | Q | هر عددی که بتوان آن را به صورت نسبت دو عدد صحیح نوشت، عضو این مجموعه است. برای مثال عدد $\frac{2}{7}$ از تقسیم عدد صحیح ۲ بر عدد صحیح ۷ حاصل می‌شود و عدد $2 - \frac{2}{1}$ از نسبت $\frac{-2}{1}$. | ۴ گویا |
| مثال: $\pi, \sqrt{2}$ | Q' یا Q^c | اما اعدادی وجود دارند که نمی‌توانیم آن‌ها را به صورت نسبت دو عدد صحیح بنویسیم، این اعداد مجموعه‌ی اعداد گنگ را ایجاد می‌کنند. | ۵ گنگ |
| $R = (-\infty, +\infty)$ | R | اجتماع مجموعه‌ی اعداد گویا و گنگ، مجموعه‌ی اعداد حقیقی را به وجود می‌آورد. | ۶ حقیقی |

الف مجموعه‌های Q ، W و N را در جاهای خالی بنویسید. (علامت زیرمجموعه است.)



ب با توجه به جواب فوق، این مجموعه‌ها را در نمودار ون زیر، مانند نمونه، مشخص کنید.





درس دوم: متمم یک مجموعه

مجموعه مرجع یا مجموعه جهانی: مجموعه‌ای که همه مجموعه‌های مورد بحث، زیرمجموعه آن باشند را مجموعه مرجع گویند و آن را با U نمایش می‌دهند.

متمم مجموعه A : هرگاه U مجموعه مرجع باشد و $A \subseteq U$ ، آنگاه مجموعه $U - A$ را متمم A می‌نامیم و آن را با نماد A' نشان می‌دهیم. به عبارت دیگر A' شامل عضوهایی از U است که در A نیستند. بنابراین $A \cap A' = \emptyset$ است.

۲۳ اگر مجموعه اعداد طبیعی یک‌رقمی را به عنوان مجموعه مرجع در نظر بگیریم و $A = \{1, 2, 5, 7\}$ و $B = \{2, 4, 6\}$ باشد، آنگاه اعضای هریک از مجموعه‌های زیر را به دست آورید.

الف $A' =$

ب $B' =$

پ $A \cup B' =$

ت $B' \cap A' =$

۲۴ ابتدا اعضای مجموعه‌های زیر را نوشته و سپس با توجه به مجموعه مرجع بیان شده، متمم آن‌ها را به دست آورید.

| متمم مجموعه | اعضای مجموعه | مجموعه مرجع | مجموعه |
|---------------------------------|---------------|--------------|---|
| $\dots, -3, -2, 3, 4, 5, \dots$ | $-1, 0, 1, 2$ | \mathbb{Z} | $A = \{x \mid -2 < x \leq 2\}$ |
| \dots | \dots | \mathbb{N} | $B = \{x \mid \frac{1}{4} \leq x < 5\}$ |
| \dots | \dots | \mathbb{Z} | $C = \{x \mid x < \frac{7}{4}\}$ |

۲۵ اگر U مجموعه مرجع باشد، آنگاه جاهای خالی را پر کنید.

الف $\emptyset' =$

ب $U' =$

پ $A \cap A' =$

ت $A \cup A' =$

ث $A - A' =$

ج $U' \cup A =$

چ $U - A' =$

ح $U - (U - A)' =$

۲۶ اگر \mathbb{R} مجموعه مرجع باشد، متمم هر کدام از مجموعه‌های ستون سمت چپ را به نمایش هندسی آن در ستون سمت راست وصل کنید.

| |
|----------------------------|
| $[-4, 2)$ |
| $\{-4, 2\}$ |
| $\{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$ |
| $(2, +\infty)$ |
| $[-3, 2) \cap (1, 3)$ |

